

**UNIVERSITE M'HAMED BOUGARA BOUMERDES**  
**Faculté des Sciences de l'Ingénieur**  
**Département Génie Mécanique**



**GROUPE MODELISATION EN MECANIQUE ET PRODUCTIQUE – LMMC**

## **MEMOIRE DE MAGISTER**

en  
**GENIE MECANIQUE- PRODUCTIQUE**  
**OPTION : SYSTEMES DE PRODUCTION**

### **Contribution à L'élaboration d'un Générateur de Maillage 2D à Base de Réseaux de Neurones**

Présenté par

**TALBI NADIA**

Soutenu le 14 / 11 / 2007

**Devant le jury composé de:**

<b>Pr. D. BENAZZOUZ</b>	<b>Professeur</b>	<b>UMBB</b>	<b>Président</b>
<b>Dr. S. AISSANI</b>	<b>Maître de Conférences</b>	<b>UMBB</b>	<b>Examinateur</b>
<b>Dr. I. BELAIDI</b>	<b>M.A. Chargé de Cours</b>	<b>UMBB</b>	<b>Examinateur</b>
<b>Dr. N. HANOUNE</b>	<b>Maître de Conférences</b>	<b>USTHB</b>	<b>Examinateur</b>
<b>Dr. K. MOHAMMEDI</b>	<b>Maître de Conférences</b>	<b>UMBB</b>	<b>Rapporteur</b>

## Résumé

Les techniques de génération de maillage automatiques sont employées d'une manière intensive dans de nombreux domaines qui s'étendent du cadre général de la physique au domaine du traitement de l'image ». On s'oriente ainsi vers une exigence d'automatisation de processus de maillage. Pour assurer cette tâche plusieurs techniques de maillages ont été développées. A cet effet, les numériciens ont tendance à préférer le maillage non structuré qui a l'inconvénient d'être plus exigeant en termes de calcul. Dans ce cadre, les chercheurs ont solidement implanté dans l'industrie des techniques reposant sur d'autres approches parmi lesquelles on trouve les réseaux de neurones. Cet outil mathématique puissant permet aussi la construction automatique d'un maillage associé à un domaine. Dans le contexte du présent travail nous proposons une approche méthodologique pour le calcul des points intérieurs à un contour polygonal en CFD. Une application a été programmé sous Matlab et permet d'introduire des sommets d'un contour polygonal obtenu à partir d'une équation paramétrique pour alimenter un réseau de neurones feed-forward de type perceptron monocouche avec un apprentissage supervisé utilisant un algorithme basé sur la règle de Widrow-hoff. Des points intérieurs au contour polygonal sont obtenus à partir de la sortie de perceptron.

**MOTS-CLES :** les réseaux de neurones, maillage non structuré, perceptron monocouche, algorithme de Widrow – Hoff, polygone, B-spline.

## Summary

The techniques of automatic grid generation are employed in an intensive way in many fields which extend from the general applications of physics to the field "image". One directs oneself thus towards a requirement of automation of process of grid. To ensure this task several techniques of grids were developed. To this end, the *numericians* tend to prefer the grid not structured with the disadvantage of being more require in terms of calculation. Within this framework, the researchers firmly established in the industry of other techniques resting on other approaches among which one finds the networks of neurons. This powerful mathematical tool allows also the automatic construction of a grid associates a field. In the context of this present work we propose a methodological approach for the calculation of the interior points to polygonal contour in *CFD*. An application was established under *Matlab* and makes it possible to introduce tops of a polygonal contour "*Hexadecagone*" obtained starting from a parametric equation to feed a network of neurons *feed-forward* of the full-course *perceptron* type with a supervised training using an algorithm based on the rule of *Widrow-hoff*. Interior points with polygonal contour are obtained starting from the exit of *perceptron*.

**Words-clefs:** neural networks, grid unstructured, *perceptron* mono layer, algorithm of *Widrow - hoff*, polygon, *b-spline*.

## ملخص

من المحيط العمومي للفيزياء مصنعة إن موظفة في طريق كثيف في حقول عدة التي ايمتد التقنيات التوليد الأوتوماتيكي آلية إلى صورة " حقل من الهيكل العام البنية للجسم.

يوجه واحد نفسه نحو متطلب هكذا من المكنته من سار في موكب من المصنعة. كانت عدة تقنيات المصانعة متطرفة بأن تضمن هذه المهمة المحاسبون يميل إلى هذه النهاية بأن يفضلوا) تتطلب المصيغة التي مع السيدة كان أكثر مبنية بلغة الحساب. أساس الباحثون في الصناعة التقنيات الأخرى التي يسترحن على الاقتراب الأخرى بثبات داخل هذا الهيكل بين أي يوجد شباكا في السياق هذا العمل CFD (العصب). تسمح هذه الأداة الحسابية القوية يربط البناء مصنع الأوتوماتيكي كذلك حفلا. جدد في الحالى التي نقترح أشار اقتراب المنهجية لأجل الحساب الداخل إلى المضلع.

طلب مؤسس تحت مطلب و صنع ممكن بأن يقدم قمما محيط المضلعل معادلة الشبكة العصب التي Perceptronn Feed-forward اتجاه - كامل يطبعن مع تدريب مراقب الذي يستعمل خوارزمية التي معتمدة على الحكم Widrow-Hoff النقوط دخلية للمضلعل نحصل عليها عند مخرج Perceptronn

# Sommaire

	- Pages -
Liste des figures et tableaux.....	4
Notations.....	7
<b>Introduction générale .....</b>	<b>9</b>

## Chapitre I: La théorie des réseaux de neurones

Introduction.....	12
Historique des réseaux de neurones.....	13
<b>I-</b> Les fondements biologiques.....	<b>14</b>
<b>I.1-</b> Le cerveau.....	<b>14</b>
<b>I.1.1-</b> Le neurone biologique.....	<b>14</b>
<b>II-</b> Le modèle mathématique.....	<b>15</b>
<b>II.1-</b> Neurone artificiel (forme).....	<b>15</b>
<b>II.2-</b> Fonction de transfert.....	<b>18</b>
<b>III-</b> Réseaux de neurones artificiels.....	<b>21</b>
<b>III.1-</b> Les réseaux de neurones non- bouclés.....	<b>22</b>
<b>III.1.1-</b> Le Perceptron monocouche.....	<b>23</b>
<b>III.1.1.1-</b> Définition.....	<b>23</b>
<b>III.1.1.2-</b> Les limites de ce modèle.....	<b>24</b>
<b>III.1.2-</b> Le Perceptron multi- couches "PMC".....	<b>25</b>
<b>III.1.3-</b> Les réseaux à fonction radiales.....	<b>26</b>
<b>III.1.4-</b> Domaines d'application.....	<b>26</b>
<b>III.2-</b> Réseaux de neurones bouclés.....	<b>27</b>
<b>III.2.1-</b> Définition.....	<b>27</b>
<b>III.2.2-</b> Les cartes auto- organisatrices de Kohonen.....	<b>27</b>
<b>III.2.3-</b> Les ART (adaptative résonance théorie).....	<b>28</b>
<b>III.2.4-</b> Les réseaux de Hopfield.....	<b>29</b>
<b>IV-</b> L'apprentissage des réseaux de neurones.....	<b>29</b>
<b>IV.1-</b> Définition.....	<b>30</b>
<b>IV.2-</b> Types d'apprentissage.....	<b>30</b>
<b>IV.2.1-</b> Le mode supervisé.....	<b>30</b>
<b>IV.2.2-</b> Le mode non- supervisé.....	<b>31</b>
<b>IV.2.3-</b> Le mode de renforcement.....	<b>31</b>
<b>IV.2.4-</b> Le mode hybride.....	<b>31</b>
<b>IV.3-</b> Règles d'apprentissage.....	<b>32</b>
<b>IV.3.1-</b> Règle de correction d'erreurs.....	<b>33</b>
<b>IV.3.2-</b> Règle de Hebb.....	<b>33</b>
<b>IV.3.3-</b> Règle LMS.....	<b>33</b>
<b>IV.3.4-</b> Règle d'apprentissage par compétitions.....	<b>35</b>
<b>IV.3.5-</b> Règle de Widrow - Hoff .....	<b>35</b>
<b>IV.3.6-</b> Apprentissage des perceptrons multi- couches.....	<b>36</b>
<b>IV.3.6.1-</b> La rétro- propagation.....	<b>38</b>
<b>IV.3.6.2-</b> Implémentation de l'algorithme de rétro propagation.....	<b>39</b>

<b>IV.3.6.3-</b>	Mise en oeuvre des réseaux neuronaux.....	<b>39</b>
------------------	---	-----------

## Chapitre II: Génération de maillage

	Introduction.....	<b>41</b>
<b>I-</b>	Caractérisation des maillages.....	<b>41</b>
<b>I.1-</b>	Distorsion des éléments.....	<b>41</b>
<b>I.2-</b>	Densité des maillages.....	<b>42</b>
<b>I.3-</b>	Régularité.....	<b>43</b>
<b>I.4-</b>	Allure des maillages.....	<b>43</b>
<b>I.5-</b>	Raffinement.....	<b>43</b>
<b>I.5.1-</b>	Maillage des zones de singularités.....	<b>44</b>
<b>I.5.1.1-</b>	Le raffinement par augmentation de la densité.....	<b>44</b>
<b>I.5.1.2-</b>	Le raffinement par enrichissement des éléments.....	<b>44</b>
<b>I.5.1.3-</b>	Le raffinement par augmentation de la densité des mailles et l'enrichissement des éléments.....	<b>44</b>
<b>I.5.2-</b>	Passage d'un maillage raffiné à un maillage général.....	<b>44</b>
<b>II-</b>	L'outil de maillage.....	<b>45</b>
<b>II.1-</b>	Qu'est ce qu'un Mailleur ? .....	<b>46</b>
<b>II.2-</b>	L'intérêt d'un Mailleur .....	<b>46</b>
<b>II.3-</b>	L'utilité d'un Mailleur .....	<b>46</b>
<b>II.4-</b>	Les qualités d'un Mailleur.....	<b>46</b>
<b>II.5-</b>	Les Mailleurs commerciaux.....	<b>46</b>
<b>III-</b>	Différents types de maillages.....	<b>49</b>
<b>III.1-</b>	Maillage structuré.....	<b>49</b>
<b>III.1.1-</b>	Avantages.....	<b>51</b>
<b>III.1.2-</b>	Inconvénients.....	<b>51</b>
<b>III.2-</b>	Maillage non structuré.....	<b>51</b>
<b>III.2.1-</b>	Avantages.....	<b>52</b>
<b>III.2.2-</b>	Inconvénients.....	<b>52</b>
<b>IV-</b>	Les applications de maillage .....	<b>53</b>
<b>IV.1-</b>	La simulation .....	<b>53</b>
<b>IV.2-</b>	La visualisation.....	<b>55</b>
<b>IV.3-</b>	Prototypage rapide.....	<b>55</b>

## Chapitre III: L'état de l'art sur la génération automatique de maillage

	Introduction .....	<b>57</b>
<b>I-</b>	Les principales techniques de génération de maillage non structurée .....	<b>58</b>
<b>I.1-</b>	Méthode Frontales « Advancing front » .....	<b>58</b>
<b>I.2-</b>	Méthode de Quadrillage.....	<b>59</b>
<b>I.3-</b>	Octree « Quadtree » .....	<b>60</b>
<b>I.4-</b>	La génération de maillage à partir d'un nuage de points.....	<b>62</b>
<b>I.4.1-</b>	La triangulation de Delaunay .....	<b>63</b>
<b>I.4.1.1</b>	Insertion de points .....	<b>63</b>
<b>I.4.1.2-</b>	Le critère de Delaunay (ou critère de la boule vide) .....	<b>64</b>

<b>I.4.1.3-</b>	Conclusion.....	<b>65</b>
<b>I.4.2-</b>	La triangulation de Delaunay contrainte.....	<b>66</b>
<b>II-</b>	Maillage non structuré quadrilatéral .....	<b>66</b>
<b>II.1-</b>	Méthode directe.....	<b>67</b>
<b>II.1.1-</b>	Maillage quadrilatérale par décomposition.....	<b>67</b>
<b>II.1.2-</b>	Maillage quadrilatéral par Advancing- Front.....	<b>67</b>
<b>II.2-</b>	Méthode indirecte.....	<b>68</b>
<b>II.3-</b>	Maillage quadrilatéral par des réseaux de neurones .....	<b>70</b>
<b>III-</b>	Autres travaux de maillage basé sur les réseaux de neurones .....	<b>71</b>

## **Chapitre IV: Mise en œuvre Algorithmique et Informatique - Applications.**

<b>I-</b>	Introduction.....	<b>75</b>
<b>I.1-</b>	Résolution de problème.....	<b>76</b>
<b>I.2-</b>	Détermination du contour polygonale.....	<b>76</b>
<b>I.3-</b>	Type de réseau de neurones utilisé.....	<b>76</b>
<b>I.3.1-</b>	La règle d'apprentissage.....	<b>77</b>
<b>I.3.1.1-</b>	Règle de Widrow-Hoff.....	<b>77</b>
<b>II-</b>	La règle de normalisation.....	<b>78</b>
<b>II.1-</b>	Mise en oeuvre.....	<b>79</b>
<b>II.1.1-</b>	Validation.....	<b>79</b>
<b>II.1.2-</b>	Application.....	<b>80</b>
<b>III</b>	Programmation.....	<b>81</b>
<b>III.1-</b>	Calcul de nuage de points à l'intérieur d'un polygone.....	<b>81</b>
<b>III.1.1-</b>	Méthode utilisée.....	<b>81</b>
<b>III.1.2-</b>	Organigramme.....	<b>82</b>
<b>III.1.3-</b>	Algorithme du Perceptron.....	<b>84</b>
<b>III.1.4-</b>	Essai n° 1.....	<b>85</b>
<b>III.1.5-</b>	Essai n°2.....	<b>86</b>
<b>III.1.6-</b>	Résultats.....	<b>87</b>
<b>III.1.7-</b>	discrétisation du contour polygonal.....	<b>89</b>
<b>III.1.8-</b>	Réalisation de maillage.....	<b>91</b>
<b>III.1.9-</b>	Divers essais .....	<b>92</b>
<b>III.1.9.1-</b>	Essai N°3 .....	<b>92</b>
<b>III.1.9.2-</b>	Discussion .....	<b>100</b>
<b>III.1.10-</b>	Essai N°4.....	<b>100</b>
<b>III.1.10-</b>	Essai N°5.....	<b>100</b>
<b>Conclusion et perspective.....</b>		<b>101</b>
<b>Références Bibliographiques .....</b>		<b>102</b>
<b>ANNEXES</b>		
<b>Annexe I : Définition de la géométrie des éléments .....</b>		<b>105</b>
<b>Annexe II : Insertion d'un nouveau point.....</b>		<b>106</b>
<b>Annexe III : Les B- splines.....</b>		<b>108</b>